

1. : Вычислить интеграл  $\oint_C (x^2 + y^2)dx + 3xydy$  по замкнутому контуру, соединяющему точки  $O(0,0)$ ,  $A(2,5)$  и  $B(5,0)$ , двумя способами: непосредственно и по формуле Грина. (2+2) – или см. 4\*.

2. . Убедиться, что выражение

$$du = \left( 2xyz + \frac{1}{z} \right) dx + \left( x^2 z - \frac{1}{z^2} \right) dy - \left( x^2 y - \frac{x}{z^2} + \frac{2y}{z^3} \right) dz$$

является полным дифференциалом и найти первообразную  $u$ . (3 – при условии проверки)

3. Найти  $\iint_S xdydz + ydzdx + zdx dy$

А) по правой стороне части цилиндра  $y^2 + x = 1$ ,  $0 \leq z \leq 2$ ,  $x \geq 0$ .

Б) по полной поверхности фигуры  $y^2 + x \leq 1$ ,  $0 \leq z \leq 2$ ,  $x \geq 0$ .

Или :

найти  $\iint_S x^2 dydz + y^2 dzdx + z^2 dxdy$  по

а) части внешней стороны параболоида  $y^2 + x^2 = z$ ,  $0 \leq z \leq H$ .

б) по полной поверхности фигуры  $y^2 + x^2 \leq z$ ,  $0 \leq z \leq H$ . (4+2)

4\*(вместо 1 для желающих) Найти циркуляцию вектора  $\vec{a} = z\vec{i} + x^3\vec{j} + y\vec{k}$  вдоль контура  $L : \{2x^2 + z^2 - y^2 = a^2, x + y = 0\}$ , проходимого против часовой стрелки, если смотреть «справа» (положительная часть ОУ )

А) непосредственно,

Б) по формуле Стокса. (4+4)

5. Найти  $\iint_S (3x^2 + 5y^2 + 3z^2 - 2)ds$  по части поверхности

$$y = \sqrt{x^2 + z^2}, 0 \leq y \leq b. \quad (3)$$